**// ======= SCC强连通分量 =======**

int dfs\_clock = 0, pre[MaxN],low[MaxN];

int scc\_cnt, sccno[MaxN], size[MaxN];

stack<int> S; vector<int> G[MaxN];

void Add(int a,int b) {G[a].push\_back(b);}

void dfs(int u) {

pre[u] = low[u] = ++dfs\_clock;

S.push(u);

for (int i = 0; i < G[u].size(); i++) {

int v = G[u][i];

if (!pre[v]) {

dfs(v);

low[u] = min(low[u], low[v]);

}

else if (!sccno[v])

low[u] = min(low[u],pre[v]);

}

if (low[u] == pre[u]) {

scc\_cnt++;

int original\_size = S.size(), tmp = 0;

do {

tmp = S.top(); S.pop();

sccno[tmp] = scc\_cnt;

} while (tmp != u);

size[scc\_cnt] = original\_size - S.size();

} } // end of dfs

int main()

{ for (int i=0; i<n; i++) if (!pre[i]) dfs(i); }

**// ========= BCC 桥 割点 =========**

// 点-双联通:点对存在两条(点不重复)的路径

struct Edge{

int u,v;

bool operator < (const Edge& lhs) const

{return u < lhs.u || (u == lhs.u && v < lhs.v);}

};

vector<int>G[MAXN],bcc[MAXN];

vector<Edge>bridge;

int low[MAXN],pre[MAXN],dfs\_clock=0,

iscut[MAXN],bccno[MAXN],bcc\_cnt=0;

//bccno是每个点在哪块 bcc是第i块有哪些点

//点编号0~n-1

stack<Edge>s;//保存在当前bcc中的边,割顶的bccno无意义,因为存在于多个bcc中

void dfs(int u, int fa) {

low[u] = pre[u] = ++dfs\_clock;

int child=0;

for (auto v : G[u]) {

Edge e = {u,v};

if (!pre[v]) {

//not visited yet

s.push(e); //store cut edge

dfs(v,u); //注意v,u的顺序

child++;

low[u] = min(low[u], low[v]);

if (low[v] >= pre[u]) {

//if cut, bcc find

if (low[v] > pre[u])

bridge.push\_back((Edge){min(u,v),max(u,v)});

iscut[u] = 1;

bcc[++bcc\_cnt].clear();

while(1) {

Edge x = s.top(); s.pop();

if(bccno[x.u] != bcc\_cnt) {

bcc[bcc\_cnt].push\_back(x.u);

bccno[x.u] = bcc\_cnt;

}

if(bccno[x.v] != bcc\_cnt) {

bcc[bcc\_cnt].push\_back(x.v);

bccno[x.v] = bcc\_cnt;

}

if (x.u==u && x.v==v) break;

}

}

}

else if( pre[u] > pre[v] && v!=fa ) {

//early than father

s.push(e);

low[u] = min(low[u],pre[v]);

}

}

if(child <= 1 && fa < 0)

iscut[u] = 0;

}

int main() {

scanf("%d%d",&n,&m);

for(i=1;i<=m;i++) {

scanf("%d%d",&a,&b);

G[a].push\_back(b);

G[b].push\_back(a);

}

for(i=0;i<n;i++)

if(!pre[i])

dfs(i,-1);

for (int i=0; i<n; i++)

if (iscut[i])

printf("node %d is cut\n", i);

for (auto e: bridge)

printf("bridge %d -- %d\n",e.u,e.v);

}

**// ========= 2-SAT =========**

// node indexed from 0~n-1

#include <cstring>

int n, cnt=0, sol[MAXN\*2];

vector<int> G[MAXN\*2];

bool mark[MAXN\*2];

void Clear() {

for (int i = 0; i < MAXN\*2; i++)

G[i].clear();

memset(mark, 0, sizeof(mark));

cnt = 0;

}

//x=xval or y = yval

void add\_constrain(int x,int xval,int y,int yval) {

//x is xval OR y is yval

x=2\*x+xval;

y=2\*y+yval;

G[x^1].push\_back(y); //!x->y

G[y^1].push\_back(x); //!y->x

}

bool dfs(int u) {

if(mark[u^1]) return false;

if(mark[u]) return true;

mark[u] = true;

sol[cnt++]=u; // stack

for(int i = 0;i<G[u].size();i++)

if(!dfs(G[u][i]))

return false;

return true;

}

bool twosat() {

for(int i=0;i<2\*n;i+=2)

if(!mark[i] && !mark[i+1]) { //未涂色

cnt=0;

if(!dfs(i)) { //出现contradiction

while(cnt) mark[sol[--cnt]]=0;

//i的结果全部不要

if(!dfs(i+1)) return false;

//always contradict

}

}

return true;

}

**// ========= 2-SAT SCC =========**

// node indexed from 0~n-1

#include <cstring>

int n, dfs\_clock=0, scc\_cnt=0;

int pre[MAXN\*2],low[MAXN\*2];

int sccno[MAXN\*2];

stack<int> S;

vector<int> G[MAXN\*2];

void Clear() {

for (int i = 0; i < n\*2; i++)

G[i].clear();

dfs\_clock = scc\_cnt = 0;

memset(pre, 0, sizeof(pre));

memset(low, 0, sizeof(low));

memset(sccno, 0, sizeof(sccno));

}

void add\_constrain(int x,int xval,int y,int yval)

{见2-sat普通版本的add\_constrain;}

void dfs(int u) { 间SCC部分的dfs; }

bool twosat() {

for (int i=0; i<n\*2; i++)

if (!pre[i])

dfs(i);

for (int i=0; i<n; i++)

if (sccno[i\*2] == sccno[i\*2+1])

return false;

return true;

}

**// ========== SPFA 最短路==========**

vector<int> G[MaxN]; int tot=0,

v[MaxM],NEXT[MaxM],w[MaxM],head[MaxN]; //memset

int Dis[MaxN],Que[MaxQ]; bool vis[MaxN];

void AddEdge(int a,int b,int c)

{v[++tot]=b;w[tot]=c;NEXT[tot]=head[a];

head[a]=tot;}

void Spfa(int Source) {

memset(Dis,63,sizeof(Dis));

memset(vis, 0, sizeof(vis));

int Qhead=1, Qtail=1;

Dis[Que[1]=Source]=0;

while(Qhead<=Qtail) {

for(int i=head[Que[Qhead]];i;i=NEXT[i])

if(Dis[Que[Qhead]]+w[i]<Dis[v[i]]) {

Dis[v[i]]=Dis[Que[Qhead]]+w[i];

if(!vis[v[i]]) {

vis[v[i]]=1;

Que[++Qtail]=v[i];

}

} vis[Que[Qhead++]]=0;

}

} // main: S = ???; // Spfa();

**// ============ LCA ============**

struct Edge{int u,v,w;};

vector<Edge> edges;

vector<int> G[maxn];

int dep[maxn]; //在dfs树上的深度

int f[maxn][maxlog], g[maxn][maxlog];

//点index: 1~N (不能为0)

//init: f, g = 0

//f[i,j]记录i结点向上走2^j步后所到达的祖先

//g[i,j]记i结点向上走2^j步路途中边权最小值

void dfs(int u) {

for (int i=1;i<maxlog;i++) {

f[u][i] = f[f[u][i-1]][i-1];

g[u][i] = min(g[u][i-1], g[f[u][i-1]][i-1]);

}

for (int i=0; i<G[u].size(); i++) {

Edge& e = edges[G[u][i]];

int v = e.v, w = e.w;

if (!dep[v]) {

f[v][0]=u;

g[v][0]=w;

dep[v] = dep[u] + 1;

dfs(v);

}

}

}

int LCA(int a,int b) {

if (dep[a]>dep[b]) swap(a,b); //保证b更深

int Ans=INF;

for (int i=maxlog-1;i>=0;i--)

if (dep[f[b][i]]>=dep[a]){

Ans=min(Ans,g[b][i]);

b=f[b][i];

} //将b移动至与a同一深度

if (a==b) return a; //LCA=a=b

for (int i=maxlog-1;i>=0;i--)

if (f[a][i]!=f[b][i]){

Ans=min(Ans,min(g[a][i],g[b][i]));

a=f[a][i];b=f[b][i];

}//向上找到LCA

Ans=min(Ans,min(g[a][0],g[b][0]));

return f[a][0]; //LCA=f[a][0]-f[b][0]

}

// int main()

// 不连通的森林:

for (int i=1; i<=n; i++)

if (!dep[i])

{ dep[i] = 1; dfs(i); }

// 牢记 dep[root] == 1 != 0

**// ========= 二分图匹配 =========**

// O(V\*E)

// 点index不得为0

vector<int> G[maxn];

int link[maxn];

bool vis[maxn];

int ans = 0;

int dfs(int u) {

for (auto v : G[u])

if (!vis[v]) {

vis[v]=1;

if (!link[v] || dfs(link[v]))

{ link[v] = u; return 1; }

} return 0; }

int main() {

// 左半张图为1~m 右半张图为m+1~n

// 由左半张图向右半张图连单向边

for (int i=1;i<=M;i++)

{memset(vis,0,sizeof(vis)); if(dfs(i)) ans++;}

printf("%d\n", ans);

for (int i=M+1;i<=N;i++)

if (link[i]) printf("%d %d\n",link[i],i);

}

**// ========= 网络流相关笔记 =========**

========== 若带权值 ==========

最小点权覆盖 = 最大流

最大点权独立集合 = 总权值 - 最小点权覆盖

========== 不带权值 ==========

二分图最小顶点覆盖 = 二分图最大匹配；

二分图最大独立集 = 节点总数数（n）- 最大匹配数；

求DAG图的最小路径覆盖:

(在图中找尽量少的路径，使得每个节点恰好在一条路径上)

1. 把原图中所有节点i拆成i与i’

2. 如果原图存在有向边i->j, 则在二分图中引入边i->j’

3. DAG最小路径覆盖 = 节点数（n）- 最大匹配数；

============================

网络流解法的构图：

超级源点与左边集合的每一点相连，若是求最小点覆盖，权值为1，若是求最小点权覆盖集，权值为该点的点权

超级汇点与右边集合的每一点相连，权值同上

左右集合之间练得边容量均为INF

**// ============= DINIC() =============**

// O(n^2\*m) // 二分图匹配 O(n^(0.5) \* m)

// all con[]==1 O(min(n^(2/3),m(1/2))\*m)

int m0 = 1, S, T; int head[MaxNode],u[MaxEdge],v[MaxEdge],

NEXT[MaxEdge],con[MaxEdge]; int Q[MaxQue],dis[MaxNode],cur[MaxNode],vis[MaxNode];

void Clear() {

// cstring memset(head u v NEXT con Q cur) to 0}

void Add(int a,int b,int c) {

v[++m0]=b;u[m0]=a;NEXT[m0]=head[a];head[a]=m0;con[m0]=c;

v[++m0]=a;u[m0]=b;NEXT[m0]=head[b];head[b]=m0;con[m0]=0;

}

int bfs() {

int Qhead=0,Qtail=0;

memset(vis,0,sizeof(vis));

memset(dis,127,sizeof(dis));

dis[S]=0;vis[S]=1;Q[++Qtail]=S;

while(Qhead<Qtail) {

++Qhead;

for(int i=head[Q[Qhead]];i;i=NEXT[i])

if(!vis[v[i]] && con[i]) {

vis[v[i]]=1;

dis[v[i]]=dis[Q[Qhead]]+1;

Q[++Qtail]=v[i];

}

}

return vis[T];

}

int dfs(int now,int lim) {

if (now==T || !lim) return lim;

int flow=0, f;

for (int& i=cur[now];i;i=NEXT[i]) {

if (dis[v[i]]>dis[now] && con[i])

if ((f=dfs(v[i],Min(lim-flow,con[i]))) > 0){

flow+=f;

con[i]-=f;

con[i^1]+=f;

if (flow==lim) break;

}

}

return flow;

}

int DINIC() {

int flow=0;

while(bfs()) {

memcpy(cur,head,sizeof(head));

flow+=dfs(S,INF);

}

return flow;

}

// Ans = DINIC();

**// ========== 费用流 ==========**

最小费用最大流m0=1;

void AddEdge(int a,int b,int c,int d)

{ v[++m0]=b;u[m0]=a;con[m0]=c;cost[m0]=d;prep[m0]=head[a];head[a]=m0;

v[++m0]=a;u[m0]=b;con[m0]=0;cost[m0]=-d;prep[m0]=head[b];head[b]=m0;}

bool spfa()

{ memset(Dis,127,sizeof(Dis)); memset(vis,0,sizeof(vis));

Dis[S]=0; vis[S]=1; Que[Qhead=Qtail=1]=S;

while(Qhead<=Qtail){

for(int

i=head[Que[Qhead]];i;i=prep[i]) if(con[i]&&Dis[v[i]]>Dis[Que[Qhead]]+cost[i]){

Dis[v[i]]=Dis[Que[Qhead]]+cost[i];

path[v[i]]=i;

if(!vis[v[i]])

vis[Que[++Qtail]=v[i]] = 1;

}

vis[Que[Qhead]]=0; ++Qhead;

} return Dis[T]<2100000000; }

void CostFlow()

{ int x; Ans=0;

memset(path,0,sizeof(path));

while(spfa())

{ int f=INF;

for(x=T;x!=S;x=u[path[x]]) f=Min(f,con[path[x]]);

for(x=T;x!=S;x=u[path[x]])

{con[path[x]]-=f; con[path[x]^1]+=f; }

Ans+=Dis[T]\*(long long)f;

}}

S=1;T=2; CostFlow(); printf("%d\n",Ans);

**// ======= 拓扑排序 =======**

for(int i=0; i<cnt; i++)//入度为0的点入栈

if(!indeg[i]) s.push(i);

while(!s.empty()){

int u=s.top(); s.pop();

T.push\_back(u); //T保存拓扑序

for(int v:G[u]){ //G为邻接表

indeg[v]--;

if(!indeg[v]) s.push(v);

}

}